TR-AC-0002	006
結合度可変方向性結合器の研究	
今岡後一	
	2 2

1997. 2.28

ATR環境適応通信研究所

目次

1 まえがき

2	結合	3線路の伝送特性	3
	2.1	固有モードと線路定数....................................	3
	2.2	オーバーレイ導体を有する結合3線路	6
		2.2.1 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ の証明	6
		2.2.2 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ 時の簡略化モデル	8
	2.3	インピーダンス行列と散乱行列への変換	9
	2.4	オーバーレイ導体の入力インピーダンス	10
	2.5	試作結合3線路	11
		2.5.1 線路定数の導出	11
		2.5.2 モデルの検証	13
3	結合	度可変方向性結合器	22.
	3.1	可変抵抗素子	23
		3.1.1 試作による検証	23
	3.2	可変容量素子	24
4	あと	がき	34
5	参考	文献	35

1 まえがき

無線通信において不可欠な要素のひとつである高周波回路部において、信号の分配・合成回路は各種機能回路実現にとって重要である。本研究では多層化MMICの技術を用いて適応機能を有する高周波分配器の実現を目的とした。具体的には分配比(結合度)を制御電圧によって自在に調整できる方向性結合器の実現を目指した。本機能を有する分配器が実現すると、図1に示すような分配器と減衰器あるいは移相器で構成する回路が簡略化でき、また、トランスバーサルフィルタにおいては通過帯域の調整が可能となる。

ATRでは多層化MMICの研究を行い、多くの成果を挙げてきた[1]-[9]。その一つである 「浮遊導体を有する方向性結合器」[7]では、従来の平面回路構成では困難であった密結合の方向 性結合器を実現、ミリ波帯への適用も可能であることが示されている[8]。しかしながら、これま では本来、結合3線路である本方向性結合器を仮定を用いることで、浮遊導体を独立した線路と 見做さずに結合2線路(4ポート回路)として取り扱ってきた。そこで本研究では、浮遊導体を 第3の導体とし、結合3線路(6ポート回路)として扱う解析を行い、本構造の結合3線路の伝 送特性を平易に予測できるモデル化を行った。これにより6端子全てが外部回路と接続可能とな り、本構造の特徴である浮遊導体端の入力インピーダンスが低いことを利用して、その端部にイ ンピーダンス可変素子を接続する構成で、分配比に選択性を有する結合器の実現を図った。試作 ではその基本動作を確認し、さらにシミュレーションで最適な構成を検討した。

本報告は、まず結合3線路の伝送特性解析で現在認知されている手法について述べ、これを 用いて「浮遊導体を有する方向性結合器」が、特性解析上で特殊なケースであることを示す。次 に本構造に適用出来る静電容量を用いた簡略化モデルについて述べ、簡単な電磁界解析で求めら れる線路定数から、かなり正確にその伝送特性を求められる事を試作結合線路の実測値とモデル を用いた計算値を比較することで示す。次に、本結合器の特徴を利用して、導体端に接続した可 変インピーダンス素子の状態を変化させて分配比を調整できる回路の検討を行う。ここでは可変 インピーダンス素子として可変抵抗 (varistor)を用いた回路を試作、実測結果から基本動作を確 認すると共に、シミュレーションによって可変容量素子 (varactor)を用いた時の回路動作につい て検討する。



2 結合3線路の伝送特性

まず、一般的な結合3線路の伝送特性解析手法について述べ、その手法を「浮遊導体 (overlay conductor)を有する方向性結合器」に当てはめて、本構造で成り立つ関係から簡略化モデル を提案する。

2.1 固有モードと線路定数

ここでは図2に示すマイクロストリップ線路構造を扱うため、不均一媒質(空気、誘電体 基板等)で、断面構造が対称である結合3線路を考える。尚、関係式の導出等の詳細は参考文献 [10],[11]。を参照されたい。

伝送方程式 (Transmission line equations) 伝送方程式は、

$$\frac{d\left[V\right]}{dx} = -\left[z\right]\left[I\right] \tag{1}$$

$$\frac{d\left[I\right]}{dx} = -\left[y\right]\left[V\right] \tag{2}$$

$$\frac{d^2[V]}{dx^2} + [z][y][V] = 0$$
(3)

$$\frac{d^2[I]}{dx^2} + [y][z][I] = 0 \tag{4}$$

で示せる。ここでインピーダンス、及びアドミタンス行列は断面の対称性から、

Impedance matrix

	z_{11}	z_{12}	z_{13}		
[z] =	z_{12}	z_{22}	z_{12}	(5)
	z_{13}	z_{12}	z_{11}		

Admittance matrix

$$[y] = \left[egin{array}{ccc} y_{11} & y_{12} & y_{13} \ y_{12} & y_{22} & y_{12} \ y_{13} & y_{12} & y_{11} \end{array}
ight]$$

と表すことができる。

$$[z] [y] = \begin{bmatrix} A & B & C \\ D & E & D \\ C & B & A \end{bmatrix}$$
$$A = z_{11}y_{11} + z_{12}y_{12} + z_{13}y_{13}$$
$$B = z_{11}y_{12} + z_{12}y_{22} + z_{13}y_{12}$$
$$C = z_{11}y_{13} + z_{12}y_{12} + z_{13}y_{11}$$

3

(6)

(7)

$$D = z_{12}y_{11} + z_{22}y_{12} + z_{12}y_{13}$$

$$E = z_{22}y_{22} + 2z_{12}y_{12} \tag{8}$$

とすると、 [z][y]の固有値より各モードの伝搬定数 γ は以下となる。

$$\gamma_{odd}^2 = A - C \tag{9}$$

$$\gamma_{ec}^{2} = \frac{A+C+E}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{(A+C-E)^{2} + 8DB}$$
(10)

$$\gamma_{e\pi}^2 = \frac{A+C+E}{2} - \frac{1}{2}\sqrt{(A+C-E)^2 + 8DB}$$
(11)

電圧、電流の固有ベクトル行列 $[M_V]$ 、 $[M_I]$ を以下のようにすると、

$$[M_V] = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & R_{Vec} & R_{Ve\pi} \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad [M_I] = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & R_{Iec} & R_{Ie\pi} \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
(12)

第1~3列は順に Odd mode、 Even-C mode、 Even- π mode の各モードを、第1~3行は順 に導体1~3を示し、各々の場合の電圧、電流比を示している。即ち、第1列の Odd mode では 中心に位置する導体2は電圧ゼロ、両側の2導体(1、3)は絶対値は等しく極性が反転するモ ード。第2列の Even-C mode は全ての導体は正の電圧を持ち、両側2導体の絶対値は等しい。 第3列の Even- π mode は導体2のみ負の電圧を持ち、両側2導体の絶対値は等しいモードであ る。

この時、電圧、電流比は次式で求められる。

$$R_{Vec,e\pi} = -\frac{A+C-E}{2B} \pm \sqrt{\left(\frac{A+C-E}{2B}\right)^2 + 2\frac{D}{B}}$$
(13)

$$R_{Iec,e\pi} = -\frac{2}{R_{Ve\pi,ec}} \tag{14}$$

$$R_{Vec}R_{Ve\pi} = -2\frac{D}{B}, \quad R_{Iec}R_{Ie\pi} = -2\frac{B}{D}$$
(15)

各導体のモードインピーダンス、及びアドミタンスは次式で表される。 Odd mode

$$Z_{odd1} = Z_{odd3} = \frac{z_{11} - z_{13}}{\gamma_{odd}} = \frac{\gamma_{odd}}{y_{11} - y_{13}} = \frac{1}{Y_{odd1}} = \frac{1}{Y_{odd3}}$$
(16)

Even-C mode

$$Z_{ec1} = Z_{ec3} = \frac{z_{11} + z_{13} + R_{Iec} z_{12}}{\gamma_{ec}} = \frac{\gamma_{ec}}{y_{11} + y_{13} + R_{Vec} y_{12}} = \frac{1}{Y_{ec1}} = \frac{1}{Y_{ec3}}$$
(17)

$$Z_{ec2} = \frac{R_{Iec} z_{22} + 2z_{12}}{R_{Iec} \gamma_{ec}} = \frac{R_{Vec} \gamma_{ec}}{R_{Vec} y_{22} + 2y_{12}} = \frac{1}{Y_{ec2}}$$
(18)

Even- π mode

$$Z_{e\pi 1} = Z_{e\pi 3} = \frac{z_{11} + z_{13} + R_{Ie\pi} z_{12}}{\gamma_{e\pi}} = \frac{\gamma_{e\pi}}{y_{11} + y_{13} + R_{Ve\pi} y_{12}} = \frac{1}{Y_{e\pi 1}} = \frac{1}{Y_{e\pi 3}}$$
(19)

$$Z_{e\pi2} = \frac{R_{Ie\pi} z_{22} + 2z_{12}}{R_{Ie\pi} \gamma_{e\pi}} = \frac{R_{Ve\pi} \gamma_{e\pi}}{R_{Ve\pi} y_{22} + 2y_{12}} = \frac{1}{Y_{e\pi2}}$$
(20)

また、これらのモードインピーダンス、及びアドミタンスには次のの関係が有る。

$$\frac{Y_{ec1}}{Y_{ec2}} = \frac{Y_{e\pi1}}{Y_{e\pi2}} = \frac{Z_{ec2}}{Z_{ec1}} = \frac{Z_{ec2}}{Z_{ec1}} = -\frac{R_{Vec}R_{V\pi}}{2}$$
(21)

2.2 オーバーレイ導体を有する結合3線路

ここでは2.2 で述べた解析手法を用いて、図3に示す断面構造、及び寸法の結合3線路を解析する。

2.2.1 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ の証明

図3の結合3線路では、導体1、3上に導体2が薄膜を介して対称に覆い被さる配置になっている(以後、導体2は浮遊導体と呼ばず、オーバーレイ導体と呼ぶ)。本構造においては $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ が成り立つ。以下にこれを証明する。

インピーダンス行列 [z]、及びアドミタンス行列 [y] は、図4 に示す接地導体を含む4 導体間の静電容量で記述できるインダクタンス行列 [l]、及びキャパシタンス行列 [c] と以下の関係を持つ。

$$[z] = j\omega[l], \quad [y] = j\omega[c] \tag{22}$$

$$[l] = \begin{bmatrix} l_{11} & l_{12} & l_{13} \\ l_{12} & l_{22} & l_{12} \\ l_{13} & l_{12} & l_{11} \end{bmatrix}, \quad [c] = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ c_{12} & c_{22} & c_{12} \\ c_{13} & c_{12} & c_{11} \end{bmatrix}$$
(23)

$$l_{11} = \frac{C_{11a} + C_{12a} + C_{13a}}{V_0^2 (C_{11a} + C_{12a} + 2C_{13a})(C_{11a} + C_{12a})}, \quad l_{22} = \frac{1}{V_0^2 \left\{ 2\left(\frac{C_{22a}}{2} + C_{12a}\right) \right\}},$$

$$l_{12} = \frac{C_{12a}}{V_0^2 (C_{11a} + C_{12a}) \left\{ 2 \left(\frac{C_{22a}}{2} + C_{12a} \right) \right\}}, \quad l_{13} = \frac{C_{13a}}{V_0^2 (C_{11a} + C_{12a} + 2C_{13a}) (C_{11a} + C_{12a})}$$

$$c_{11} = C_{11} + C_{12} + C_{13}, \ c_{22} = \left\{ 2\left(\frac{C_{22a}}{2} + C_{12a}\right) \right\} \ c_{12} = -C_{12}, \ c_{13} = -C_{13}$$
(24)

 C_{11a} , C_{22a} , C_{12a} , C_{13a} : Static capacitances in air (without dielectric) C_{11} , C_{22} , C_{12} , C_{13} : Static capacitances with dielectric V_0 : Velocity of light in vacuum

ここで、導体1、3と導体2とは広い面積で且つ狭い間隔で対向しており、両者の引き合う 力は強い。即ち、両者間の静電容量値 (C_{12} , C_{12a})は大きい。さらに導体1~3は接地導体に設 けた間隙のために接地とは離れており、静電容量値 (C_{11} , C_{11a} , C_{22} , C_{22a})は小さい。この時、 近似的に以下の関係が成り立つ。

$$C_{12} \gg C_{11}, \ \frac{C_{22}}{2} \qquad C_{12a} \gg C_{11a}, \ \frac{C_{22a}}{2}$$
(25)

$$C_x = C_{11} + C_{12} \approx \frac{C_{22}}{2} + C_{12} = C_y, \quad C_{xa} = C_{11a} + C_{12a} \approx \frac{C_{22a}}{2} + C_{12a} = C_{ya}$$
 (26)

ここで式 (15) に着目して、B = 2Dを満たせば、 $R_{ec}R_{e\pi} = -1$ が成り立ち、さらに式 (13) 右辺の (A + C - E) がゼロとなれば $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ が成り立つ。式 (8), (22) - (24) より、 B, D, E, (A + C) は次の様になる。

$$B = \frac{\omega^{2}(C_{ya}C_{12} - C_{y}C_{12a})}{V_{0}^{2}C_{xa}C_{ya}}$$
$$D = \frac{\omega^{2}(C_{xa}C_{12} - C_{x}C_{12a})}{2V_{0}^{2}C_{xa}C_{ya}}$$
$$E = \frac{\omega^{2}(C_{12}C_{12a} - C_{xa}C_{y})}{V_{0}^{2}C_{xa}C_{ya}}$$
$$A + C = \frac{\omega^{2}(C_{12}C_{12a} - C_{x}C_{ya})}{V_{0}^{2}C_{xa}C_{ya}}$$
(27)

式 (26)の関係から、 $B \approx 2D$, $A + C \approx E$ となり、式 (13) から $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ となる。

2.2.2 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ 時の簡略化モデル

 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ が成り立つ時、図5に示す各導体間の静電容量を用いて各々のモードの トータル静電容量は次のようになる。 Odd mode

$$C_{odd1} = C_{odd3} = C_{11} + C_{12} + 2C_{13}, \quad C_{odd1a} = C_{odd3a} = C_{11a} + C_{12a} + 2C_{13a}$$
(28)

Even-C mode

$$C_{ec1} = C_{ec3} = C_{11}, \ C_{ec2} = C_{22}, \ C_{ec1a} = C_{ec3a} = C_{11a}, \ C_{ec2a} = C_{22a}$$
 (29)

<u>Even- π mode</u>

 $\begin{aligned} C_{e\pi1} &= C_{e\pi3} = C_{11} + 2C_{12}, \ C_{e\pi2} = C_{22} + 4C_{12}, \ C_{e\pi1a} = C_{e\pi3a} = C_{11a} + 2C_{12a}, \ C_{e\pi2a} = C_{22a} + 4C_{12a} \\ (30) \\ & (30) \end{aligned}$

Odd mode

$$\varepsilon_{odd} = \frac{C_{11} + C_{12} + 2C_{13}}{C_{11a} + C_{12a} + 2C_{13a}} \tag{31}$$

$$Z_{odd1,3} = \frac{1}{V_0 \sqrt{(C_{11} + C_{12} + 2C_{13})(C_{11a} + C_{12a} + 2C_{13a})}}$$
(32)

Even-C mode

$$\varepsilon_{ec} = \frac{2C_{11} + C_{22}}{2C_{11a} + C_{22a}} \tag{33}$$

$$Z_{ec1} = Z_{ec3} = \frac{1}{V_0 \sqrt{C_{11} C_{11a}}}, \quad Z_{ec2} = \frac{1}{V_0 \sqrt{C_{22} C_{22a}}}$$
(34)

Even- π mode

$$\varepsilon_{e\pi} = \frac{2C_{11} + C_{22} + 8C_{12}}{2C_{11a} + C_{22a} + 8C_{12a}} \tag{35}$$

$$Z_{e\pi 1} = Z_{e\pi 3} = \frac{1}{V_0 \sqrt{(C_{11} + 2C_{12})(C_{11a} + 2C_{12a})}}, \quad Z_{e\pi 1} = Z_{e\pi 3} = \frac{1}{V_0 \sqrt{(C_{22} + 4C_{12})(C_{22a} + 4C_{12a})}}$$
(36)

2.3 インピーダンス行列と散乱行列への変換

結合3線路(6ポート)のインピーダンス行列[Z]は、対称性を考慮して以下となる。

$$[Z] = \begin{bmatrix} Z_{11} & Z_{12} & Z_{13} & Z_{14} & Z_{15} & Z_{16} \\ Z_{12} & Z_{22} & Z_{12} & Z_{15} & Z_{25} & Z_{15} \\ Z_{13} & Z_{12} & Z_{11} & Z_{16} & Z_{15} & Z_{14} \\ Z_{14} & Z_{15} & Z_{16} & Z_{11} & Z_{12} & Z_{13} \\ Z_{15} & Z_{25} & Z_{15} & Z_{12} & Z_{22} & Z_{12} \\ Z_{16} & Z_{15} & Z_{14} & Z_{13} & Z_{12} & Z_{11} \end{bmatrix}$$
(37)

 $R_{Vec} = -R_{Ve\pi} = 1$ の場合、即ち、式 (21)の関係から $Z_{ec1} = 2Z_{ec2}, Z_{e\pi1} = 2Z_{e\pi2}$ となり、導体1のモードインピーダンス $Z_{odd1}, Z_{ec1}, Z_{e\pi1}$ と伝搬定数 $\gamma_{odd}, \gamma_{ec}, \gamma_{e\pi}$ 、及び線路の長さ lを用いて上式の各要素は次式で表される。

$$Z_{11} = \frac{2Z_{odd1} coth\gamma_{odd}l + Z_{ec1} coth\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} coth\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{12} = \frac{Z_{ec1} coth\gamma_{ec}l - Z_{e\pi1} coth\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{13} = \frac{-2Z_{odd1} coth\gamma_{odd}l + Z_{ec1} coth\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} coth\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{14} = \frac{-2Z_{odd1} csch\gamma_{odd}l + Z_{ec1} csch\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} csch\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{15} = \frac{Z_{ec1} csch\gamma_{ec}l - Z_{e\pi1} csch\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{16} = \frac{2Z_{odd1} csch\gamma_{odd}l + Z_{ec1} csch\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} csch\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{22} = \frac{Z_{ec1} csch\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} csch\gamma_{e\pi}l}{4}$$

$$Z_{25} = \frac{Z_{ec1} csch\gamma_{ec}l + Z_{e\pi1} csch\gamma_{e\pi}l}{4}$$
(38)

また、散乱行列 [S] は、 [Z] と [S] = $([Z] + [Z_o])^{-1}([Z] - [Z_o])$ の関係から求めることができる。

$$[S] = \begin{bmatrix} S_{11} & S_{12} & S_{13} & S_{14} & S_{15} & S_{16} \\ S_{12} & S_{22} & S_{12} & S_{15} & S_{25} & S_{15} \\ S_{13} & S_{12} & S_{11} & S_{16} & S_{15} & S_{14} \\ S_{14} & S_{15} & S_{16} & S_{11} & S_{12} & S_{13} \\ S_{15} & S_{25} & S_{15} & S_{12} & S_{22} & S_{12} \\ S_{16} & S_{15} & S_{14} & S_{13} & S_{12} & S_{11} \end{bmatrix}$$

(39)

2.4 オーバーレイ導体の入力インピーダンス

ここでは、結合度可変方向性結合器として動作させる上で重要な特性となるオーバーレイ導体の入力インピーダンスについて考察する。

導体端での入力インピーダンス Zin は散乱パラメータ Sar を用いて次式で求められ、

$$Zin = \frac{Z_o(1+S_{xx})}{1-S_{xx}}$$

各モードの伝搬定数は等しく、無損失とした時、オーバーレイ導体(導体2)の中心周波数 における入力インピーダンスは、次式となる。

$$Z_{in} = \frac{\left(2Z_{ec1}Z_{e\pi1}\right)^2 + Z_o^2 \left(3Z_{ec1}^2 - 2Z_{ec1}Z_{e\pi1} + 3Z_{e\pi1}^2\right)}{2Z_o \left(3Z_{ec1}^2 + 2Z_{ec1}Z_{e\pi1} + 3Z_{e\pi1}^2 + 8Z_o^2\right)}$$
(40)

上式より Z_{in} は Z_{ec1} 、 $Z_{e\pi1}$ の関数で互いに等価であるが、結合器として密結合を保つため には Z_{ec1} を大きくする必要が有り、 Z_{in} を低くするには $Z_{e\pi1}$ を小さくするしかない。上式は見 通しが悪いので、 Z_{in} と Z_{ec1} 、 $Z_{e\pi1}$ の関係を図6に示す。3 dB 程度の密結合に必要な Z_{ec1} (\approx 121×2 Ω)の前後では、その値に余り依存せず、 $Z_{e\pi1} = 0$ の時に最小値をとり 20 ~ 25 Ω 程度と なる。

ここで $Z_{e\pi1}$ の値を小さくするには 2.2.2 の式 (36) より C_{12} , C_{12a} を大きくすれば良い。こ の時、式 (32) から Z_{odd1} も同時に小さくなり密結合には好都合である。しかも C_{12} は Z_{ec1} 、 Z_{ec2} と相関は無い。逆に、 C_{11} , C_{11a} , C_{22} , C_{22a} を大きくすると Z_{ec1} , Z_{ec2} も小さくなり、結合度が 低下し良くない。

このように、オーバーレイ導体と残りの2導体との結合を強くすることで、その入力インピ ーダンスは小さくできる。

2.5 試作結合3線路

2.5.1 線路定数の導出

2.2.2 で述べた静電容量モデルを用いて、各モードの線路定数を求める。

ここで各静電容量値は有限要素法を用いた静電場解析より得られる。本結合線路は左右対称 であるので図7に示すように対称面で2分割した構造 (half space) で考えることができる。表1 に示す各導体ポテンシャルの組み合わせで得られるトータル容量値は、図7から分かるように、 接地導体を含む各導体間の静電容量の和となっている(次式)。

$$C_{11M} = C_{11} + \frac{C_{22}}{2}, \quad C_{10E} = C_{11} + C_{12} + 2C_{13} \ (= Z_{odd}),$$
$$C_{10M} = C_{11} + C_{12}, \quad C_{01M} = \frac{C_{22}}{2} + C_{12}$$
(41)

Odd モードの静電容量は上式の第2式で直接求められる。また、次式より各静電容量値を 求めることができる。

$$C_{11} = \frac{C_{11M} + C_{10M} - C_{01M}}{2}, \quad C_{22} = C_{11M} + C_{01M} - C_{10M},$$
$$C_{12} = \frac{C_{01M} + C_{10M} - C_{11M}}{2}, \quad C_{13} = \frac{C_{10M} - C_{10M}}{2}$$
(42)

ここで本モデルで前提とした $R_{ec} = -R_{e\pi} = 1$ が完全に成り立つのは、次式を満たす時である。

$$C_{11} = \frac{C_{22}}{2}, \ C_{11a} = \frac{C_{22a}}{2} \tag{43}$$

試作回路では図3-(b) で示すように、導体2の幅 W_2 は導体1、3の幅 W_1 の約2倍、さらに両導体と接地導体は充分に離れており、その距離は等しいと見做せる ($W_2 = 2W_1 + G1 + 4\mu m$, $W_1 = 15\mu m$, $G1 = 10\mu m$, $G2 = 110\mu m$)。この場合には式 (43) は成り立ち、図7-(a) に示す数値解析で求められる C_{11M} を直接、 $2C_{11}$, C_{22} として用いる事が出来る。これは、 C_{11} , C_{22} は非常に小さい値であり、数値解析で求めた値の組み合わせより求めると解析値のエラーによる誤差が無視できなくなる。特に Even-C モードでは大きな値を持つ C_{12} を含まないため各導体のモードインピーダンスに影響が大となる。これを回避するために以下に示す式では式 (43) が成り立つとして表している。

Odd mode

$$C_{odd1} = C_{odd3} = C_{11} + C_{12} + 2C_{13} = C_{10E}$$

$$\tag{44}$$

Even-C mode

$$2C_{ec1} = 2C_{ec3} = C_{ec2} = C_{11} + C_{22}/2 = C_{11M}$$
(45)

Even- π mode

$$2C_{e\pi 1} = 2C_{e\pi 3} = C_{e\pi 2} = C_{11} + \frac{C_{22}}{2} + 4C_{12} = C_{11M} + 4C_{12}$$
(46)

従って、各モードの実効誘電率、及び特性インピーダンスは次式で表される。 Odd mode

$$\varepsilon_{odd} = \frac{C_{10E}}{C_{10Ea}} \tag{47}$$

$$Z_{odd1,3} = \frac{1}{V_0 \sqrt{C_{10E} C_{10Ea}}} \tag{48}$$

Even-C mode

$$\varepsilon_{ec} = \frac{C_{11M}}{C_{11Ma}} \tag{49}$$

$$Z_{ec2} = \frac{Z_{ec1}}{2} = \frac{Z_{ec3}}{2} = \frac{1}{V_0 \sqrt{C_{11M} C_{11Ma}}}$$
(50)

<u>Even- π mode</u>

$$\varepsilon_{e\pi} = \frac{C_{11M} + 4C_{12}}{C_{11Ma} + 4C_{12a}} \tag{51}$$

$$Z_{e\pi2} = \frac{Z_{e\pi1}}{2} = \frac{Z_{e\pi3}}{2} = \frac{1}{V_0 \sqrt{(C_{11M} + 4C_{12})(C_{11Ma} + 4C_{12a})}}$$
(52)

次に図3に示す構造、寸法について有限要素法で求めた容量値、及びそれらを基にして求め た計算結果を表2に示す。(a)には表1のポテンシャルに対応する数値解析で得たトータルの容 量値を示す。これを用いて求めた各導体間の静電容量値を(b)に示す。また、(c)には $C_{10M}/C_{01M} = (C_{11} + C_{12})/(C_{22}/2 + C_{12})$ の値を示し、ほぼ1となっていることから、式(26)の成り立つこと が分かる。(d)には各モードの各導体の静電容量値、及びこれらから求められるモードインピー ダンスと実効誘電率を示す。(b)に示す C_{11} , C_{22} について、誘電体が有る場合の静電容量値(dielectric)と無い場合の値(air)の比(dielectric/air)をとると、 C_{11} では約8.1、 C_{22} では約2.5と なり、実効誘電率に相当する値としては妥当な値とは言えない。これは先に述べたように、数値 解析の計算精度からくる誤差と考えられ、2.2.2の式(34)から Z_{ec} を求めるのが妥当であるとは 言えない。このような不具合を避けるために、式(43)を仮定して式(44)~(52)を用いる方が、数 値解析の精度に依存せずより現実的であると考える。

2.5.2 モデルの検証

これまでで求めた線路定数(表2-(d))を用いて、無損失の場合の散乱パラメータ(絶対 値のみ)、及びオーバーレイ導体の入力インピーダンスの周波数特性を式(37)~(39)より計算し、 別途、電磁界シミュレータ「HP-Momentum」で求めた結果と比較して図8に示す。尚、中心周 波数は20 GHzで結合線路の長さは1820 μ m である。両者、良く一致している。但し、高周波 側(30GHz~)で若干の差が見られるのは、「HP-Momentum」の計算では放射の影響も含まれ ているためと考えられる。また、オーバーレイ導体の入力インピーダンスは広い帯域で25 Ω 以下 となっている。

次にモード毎に有限要素法で求めた導体損(表2-(d)に並記)、及び誘電正接(0.02@2 0 GHz)を用いて、従来から多層化 MMIC における線路損失計算に用いている手法 [6],[7]を適 用して損失を加味した特性計算を行った。この場合には、試作結合器の実測結果と「HP-Momentum」 で求めた結果も含めて図9に示す。3者共によく一致している。

以上示したように、本モデルを用いることでかなり正確にその特性を見積もる事が出来る。

尚、オーバーレイ導体の両端を開放にして浮遊導体とすると、導体1、3で従来より用いて きた方向性結合器となる。そこで6ポート結合線路からオーバーレイ導体の両端を開放して4ポ ート結合線路とした場合の計算結果(開放端の容量は無視)と、文献[7]で行った様に Even $-\pi$ モードを考慮しないで最初から4ポート結合線路として扱った場合の計算結果、さらに実測結果 も含めて図10に示す。 Even $-\pi$ モードのモードインピーダンスは先に述べたように非常に小 さい値をとるため、両計算結果に余り差は見られない。また、実測結果とも良く一致している。



(b) Structual parameters

Fig. 3 Configuration of multilayer MMIC three-coupled line.



Fig. 4 Static capacitances between conductors.



Fig. 5 Static capacitance in each mode (approximate model in case of $R_c = -R_{\pi} = 1$)



Fig. 6 Input impedance of conductor-2 (f=f_c, $\gamma_{ec}=\gamma_{e\pi}=\gamma_{od}$).

Table 1 Combination of of conductor-potential for static capacitance estimation.

	Cond poter	Conductor potentials		Canacitance to be estimated			
	V ₁	V_2	vvan	Capacitance to be estimated			
C_{11M}	1	1	Μ	$=C_{11}+C_{22}/2$			
C_{10E}	1	0	E	$=C_{11}+C_{12}+2C_{13}=C_{odd1}=C_{odd3}$			
C_{10M}	1	0	Μ	$=C_{11}+C_{12}$			
C_{01M}	0	1	Μ	$=C_{22}/2+C_{12}$			



Ĩ

Fig. 7 Combination of of conductor-potential for static capacitance estimation (half space).

Table 2 Results of static capacitance estimation and propagation constant (capacitance unit : fF/mm).

	Dielectric	Air
C _{11M}	58.0	12.7
C _{10E}	311.0	80.3
C _{10M}	288.1	74.3
C _{01M}	269.8	77.5

· · /

	Dielectric	Air
C ₁₁	38.2	4.7
C ₂₂	39.6	15.9
C ₁₂	250.0	69.5
C ₁₃	11.4	3.0

(b)

	Dielectric	Air
$\frac{C_{10M}}{C_{01M}} = \frac{C_{11} + C_{12}}{C_{22}/2 + C_{12}}$	1.068	0.959

	\sim	1
	C	1
r	_	/

	Dielectric	Air	Z(Ω)	Eeff	Conductor loss @20GHz(dB/mm)
C _{odd1} (=C _{odd3} =C _{10E})	311.0	80.3	21.1	3.87	0.81
$C_{ec1}(=C_{ec3}=C_{11M})$	58.0	12.7	246.0	4 57	0.25
$C_{ec2}(=2C_{11M})$	116.0	25.4	123.0	4.57	0.20
$C_{e\pi1}(=C_{e\pi3}=C_{11M}/2+2C_{12})$	528.9	145.4	12.0	2.64	1.07
$C_{e\pi 2}(=C_{11M}+4C_{12})$	1057.8	290.8	6.0	3.04	1.27

(d)











Fig. 10 Frequency characteristics of multilayer MMIC three-coupled line as 4-port coupler (loss).

3 結合度可変方向性結合器

前項で述べたように、図3の構造を持つ方向性結合器では、オーバーレイ導体の両端におけ る入力インピーダンスは低くなる。そのため、その両端にインピーダンス可変素子、例えば可変 抵抗素子(バリスタ)を接続し、そのインピーダンスを調整することで残りの4ポートで構成す る結合器の特性が変化すると予想できる。

まず最初に、求めたい4ポート方向性結合器の散乱パラメータ (S_{11P4} , S_{31P4} , ···)と結合 3線路そのものの6ポートの散乱パラメータ (S_{11} , S_{21} , ···)、及びインピーダンス可変素子の特 性 (Z_{v2} , Z_{v5})との関係を示す。図11に示す回路構成を考える。オーバーレイ導体の両端(ポー ト2、5)に接続するインピーダンス可変素子のインピーダンスを各々 Z_{v2} , Z_{v5} とすると、その 反射係数 S_{v2} , S_{v5} は次式で表される。

$$S_{v2} = \frac{Z_{v2} - Z_o}{Z_{v2} + Zo}, \quad S_{v5} = \frac{Z_{v5} - Z_o}{Z_{v5} + Zo}$$
(53)

次に結合3線路の散乱パラメータを用いて、ポート1、3、4、6からなる4ポート回路の 散乱パラメータは次式で求められる。

$$S_{11P4} = S_{11} + S_{21}S_{v2}AA + S_{51}S_{v5}BB, \ S_{31P4} = S_{31} + S_{21}S_{v2}AA + S_{51}S_{v5}BB$$

$$S_{41P4} = S_{41} + S_{51}S_{v2}AA + S_{21}S_{v5}BB, \ S_{61P4} = S_{61} + S_{51}S_{v2}AA + S_{21}S_{v5}BB$$

$$S_{44P4} = S_{11} + S_{51}S_{v2}CC + S_{21}S_{v5}DD, \ S_{64P4} = S_{31} + S_{51}S_{v2}CC + S_{21}S_{v5}DD$$

$$AA = \frac{-S_{21} + S_{v5}(S_{21}S_{22} - S_{51}S_{52})}{-1 + S_{22}(S_{v2} + S_{v5}) - S_{v2}S_{v5}(S_{22}^2 - S_{52}^2)}$$

$$BB = \frac{-S_{51} + S_{v5}(S_{22}S_{51} - S_{21}S_{52})}{-1 + S_{22}(S_{v2} + S_{v5}) - S_{v2}S_{v5}(S_{22}^2 - S_{52}^2)}$$

$$CC = \frac{-S_{51} + S_{v2}(S_{22}S_{51} - S_{21}S_{52})}{-1 + S_{22}(S_{v2} + S_{v5}) - S_{v2}S_{v5}(S_{22}^2 - S_{52}^2)}$$

$$DD = \frac{-S_{21} + S_{v2}(S_{21}S_{22} - S_{51}S_{52})}{-1 + S_{22}(S_{v2} + S_{v5}) - S_{v2}S_{v5}(S_{22}^2 - S_{52}^2)}$$

$$(54)$$

3.1 可変抵抗素子

ここでは、まず可変インピーダンス素子を接続するオーバーレイ導体の入力インピーダンス の値が、結合器全体としての特性変化の度合におよぼす影響ついて調べる。入力インピーダンス が小さい、即ち、2.4 で述べたように *Even* – *π* モードのモードインピーダンスの小さい事が重要 であることを示す。

簡単のため、ポート2、5に接続する可変インピーダンス素子は可変抵抗で、その特性は等 しいとする。即ち、 $S_{v2} = S_{v5}$ とする。さらに結合線路は無損失で各モードの伝搬(位相)定数 は等しく、線路長は $\pi/2$ に相当する場合(中心周波数)を考える。尚、 $Even - C \ge Odd$ モード のインピーダンス値は 2.5 で求めた表 2-(d) の値 ($Z_{ec1} = Z_{ec3} = 2Z_{ec2} = 246\Omega$, $Z_{odd1} = Z_{odd3} =$ 21 Ω) とし、 $Even - \pi$ モードの値 ($Z_{e\pi 1} = Z_{e\pi 3} = 2Z_{e\pi 2}$)を変化させて各ポート間の特性変化をみ た。(但し、実際には $Even - C \ge Even - \pi + - Fon + -$ あるいは (50), (52) で示したように結合線路の構造、及び寸法で一意的に定まり、モード間で相 関が有るため、 Even - πモードの値のみを変化させることは不可能である。)結果を図12に 示す。横軸の値は式 (53) より Z_nが無限大(オープン)の時に 1、50Ωの時は 0、ゼロ(ショー ト)の時には-1となる。縦軸の Power ratio は、入力電力1に対して各出力端(リターンロスの 場合は入力端と出力端は等しい)に出力される電力の割合を示す。(a)に示す様に Zem の値が小 さい程、カップリングポート間 (1-3) の伝送電力変化は大きくなっている。しかし、 S_v の値が -1 に近ずくにつれて (b) のスルーポート間の伝送電力も減少している。これはポート2、5に接続 した可変インピーダンス素子が抵抗であるため、そこで熱として電力消費されているためと、さ らに (c)、(d) で見られるようにアイソレーションポート(4) への電力と入力端(1) での反射電力 (リターンロス)となっている。入力1に対して、入力端における反射損を含む各ポートへの出力 電力の和を図13に示す。Zemが小さいほど抵抗に入射する電力は大きく、熱として消費される 電力が大きくなっていることが分かる。また、図 12-(b) のスルーポート間 (1-6) の伝送電力変化 を見ると、 $Z_{e\pi} = 20 \sim 50\Omega$ の時、電力比が 0.5 より大きくなっており、且つ、(c)、(d)のア イソレーション、リターンロス特性も良好となっている。これは Zem がゼロに近い場合よりも変 化の度合いは小さくなるが、その範囲では理想的により近い結合度(分配比)可変結合器と言え る。

3.1.1 試作による検証

図14に示すように、オーバーレイ導体の両端に可変インピーダンス素子としてソース接地 トランジスタのドレイン端を接続し、ゲートバイアスを制御することで可変抵抗素子 (varistor) として動作させる回路を試作した。同図には試作回路の外観写真も示す。図15にその測定結果 を示す(単位:デシベル)。尚、両トランジスタのゲートバイアスは同一とした。カップリング ポートの伝送電力が変化しているのが分かる。しかし、スルーポートの特性には余り変化は見ら れず、図12で述べたようにリターンロスは劣化している。カップリングポートとスルーポート の位相差でバイアスが浅くなると ($V_g = -0.5V$)、90度から離れてくるのは、トランジスタのド レイン・ソース間容量の影響と考えられる。

以上、試作により基本動作は確認できた。しかしながら、本構成では方向性結合器のカップ リングポート端に減衰器を接続した回路と等しく、分配比は変わっていない。可変インピーダン ス素子として可変抵抗を用いるのは、抵抗損となり好ましくなく、次に可変リアクタンス素子を 接続した場合について検討する。

3.2 可変容量素子

可変インピーダンス素子として可変リアクタンス素子、特に扱いやすい可変容量素子 (varactor)を接続した場合を検討する。

オーバーレイ導体の両端に接続するインピーダンス可変素子の状態は独立に変化させた。図 16に各端への出力電力比 (output power / input power) の3次元プロットを示す。ここでは理 想(無損失)容量を接続することを想定し、(e)に示すスミスチャート上での下半分外周上を、 中心との角度 (angle) をパラメータとして変化させた。角度がゼロでオープンを、πでショート となる。また、図16はポート1を起点(入力端)にして示した。可変抵抗と異なり、インピー ダンス可変素子部での損失は無く、(a)-(d)の合計は1となる。この場合においても可変抵抗と 同様にアイソレーション、リターンロスも結合度変化に伴い変動する。まず、リターンロスでは (d) から分かるように入力ポート側の可変素子の状態がオープンに近い場合、ほぼ電力比はゼロ となっている。そこで angle2=0 と固定して、 angle5 のみを変化させた結果を図17 に示す。同 図(b)で入力端での反射電力を1/50(約17 dB)まで許容すると、同図(c)に示すようにカップリ ングポート (3) とスルーポート (6) への電力分配比 (through/coupling) は、同図 (c) に示すよう に約1から0.3以下まで変化させる事が出来る。この状態で理想的な方向性結合器と異なり問題 となる点は、リターンロスを除くとアイソレーションが劣化することである。このアイソレーシ ョンの劣化は、図18に示すような1入力、2出力分配、1終端として用いる回路では、終端抵 抗で消費されて損失となるが、回路全体としての悪影響は、リターンロスの劣化と比べて少ない。 回路例としては図1に示したフィードフォワードアンプやアレイアンテナの給電系が考えられ、 トランスバーサルフィルタは4端子全てを使用するためアイソレーションの劣化がある場合には 適用出来ない。

次に結合3線路が無損失の場合の周波数特性について考察する。先に述べたようにトータル な特性として最も良好と考えられるオーバーレイ導体の片方の端子をオープンにした場合を考え る。ここで計算の基となる結合3線路の特性、即ち、6ポートの散乱パラメータは線形シミュレ ータ「Libra」へのデータ適用が簡単な「HP-Momentum」での結果を用いた。

まず、予備的な計算として容量値をどのように設定すれば良いのかを調べる。図17-(b) で示したように、リターンロスを約17dBまで許容すると、変化させる角度 (angle) はほぼ等分配 の約 $-\pi/4$ から約 $-7\pi/8$ まで振ることができれば良い。周波数を結合器の中心周波数20 GHz として、容量値と角度の関係を図19-(a)に示す。角度を $-\pi/4$ から $-7\pi/8$ まで振るには、0.05pF から0.8pFまで変化できる可変容量素子が有れば良い。これは同図(b)で示すトランジスタのソ ース、ドレイン電極を接地し、ゲートバイアスを制御してゲート・ソース(ドレイン)間容量を 変化させる構成では難しく、超階段接合型のバラクタダイオードで実現可能と考える。

図8で示したモデルより求めた無損失の場合の結合3線路の散乱パラメータを用いて、ポート2をオープンに、ポート5は容量を介して接地、その容量値を変化させた時の特性変化を図20に示す。容量値は0(オープン), 0.2, 0.4 0.8pFと変化させた。この時、同図(d)より中心周波数20 GHz付近で入力端(1)における反射電力比は1/50以下を保ち、(a)よりカップリングポート(3)への電力比は当分配の0.5から0.65まで、スルーポート(6)の電力比は0.5から0.22まで変化している。その間、アイソレーションポート(4)への電力は最大で約0.1となっている。(e)に示すようにカップリングポートとスルーポートの位相差は、理想の90度から最大で約20 度増加している。また、各特性は中心周波数で対称な周波数特性とはならず、高周波数側に引き

延ばされた形状となっている。

ここでは基となる結合3線路は無損失であるとしたが、損失有りの場合においても同様な結 果が得られており、今回は省略する。また、可変容量素子も無損失としたが、バラクタダイオー ド等では直列抵抗での損失も考慮する必要がある。







Fig. 13 Dependancy of total output power vs. Sv.



(a) Configuration





Fig. 14 Configuration and photograph of fabricated variable coupler.







Fig. 16 Dependancy of output power vs. Sv (capacitive case).





Fig. 18 System configuration of variable coupler.



(a) Angle vs. capacitance value



(b) Variable capacitance circuit using transistor

Fig. 19 Variable capacitance.





(e) Phase difference (coupling / through)





4 あとがき

本報告の前半では、結合3線路における一般的な解析手法から、着目する構造においては 簡単なモデル化が可能で、そこからかなり精度で伝送特性の予測が可能であることを示した。ま た、本構造の特徴的な特性を利用して結合度を変化させることができる方向性結合器の検討を行 った。試作によって基本動作を確認した回路のインピーダンス素子は可変抵抗素子(バリスタ) であるため、抵抗損として電力消費されるが、これを回避するため可変リアクタンス素子(バラ クタ)に置き換えた場合には、反射損、アイソレーションの劣化から理想分配器とはなり得ない が、分配比を限定した条件下では各種機能回路(フィードフォワードアンプ、アレイアンテナの 給電系)に適用可能と考える。いずれにしても、これまでの検討では、理想的な結合度可変方向 性結合器は見い出せなかった。しかしながら、今回着目した多層化 MMIC による結合線路の構造 は、外部からの制御で定常的な特性から様々な特性へと変化させることが可能である。

ĩ

1

以上、多層化 MMIC が従来の平面構成では持ち得なかった回路の実現に関して可能性を示した。

謝辞

本研究を進めるにあたって、直接ご指導頂いた今井伸明主任研究員に深謝いたします。また、本研究の基となった光電波通信研究所における多層化 MMIC の試作については、当時の猪股 英行社長、小川英一室長に深謝いたします。また、解析を中心とする研究を行った環境適応通信 研究所においては小宮山牧兒社長、唐沢好男室長、及び第3研究室の皆様に深謝いたします。

5 参考文献

参考文献

- T. Hiraoka, et al., "Very small wide-band MMIC magic-T's using microstrip lines on a thin dielectric film," *IEEE Trans. Microwave Theory and Tech.*, MTT-37, pp. 1569–1575, 1989.
- [2] H. Nakamoto, et al., "A monolithic, port-interchanged rat-race hybrid using a thin film microstrip line crossover," 19th. European Microwave Conf., pp. 311-316, 1989.
- [3] T. Tokumitsu, et al., "Multilayer MMIC using a 3μm × 3-layer dielectric film structure," IEEE MTT-S Int. Microwave Symp., pp. 1067–1070, 1990.
- [4] S. Banba, et al., "Multilayer MMIC branch-line hybrid using thin dielectric layers," IEEE Microwave and Guided Wave Lett., Vol. 1, pp. 346-347, 1991.
- [5] S. Banba, et al., "Novel MMIC transmission lines using thin dielectric layers," IEICE Trans. Electron., E75-C, pp. 713-720, 1992.
- [6] S. Banba and H. Ogawa, "Small-sized MMIC amplifiers using thin dielectric layers," IEEE Trans. Microwave Theory and Tech., vol. MTT-43, pp. 485–492, Mar. 1995.
- [7] S. Banba and H. Ogawa, "Multilayer MMIC directional couplers using thin dielectric layers," *IEEE Trans. Microwave Theory and Tech.*, vol. MTT-43, pp. 1270–1275, June. 1995.
- [8] T. Imaoka, S. Banba, A. Minakawa, and N. Imai, "Millimeter-Wave Wideband Amplifiers Using Multilayer MMIC Technology," *IEEE Trans. Microwave Theory and Tech.*, vol. MTT-45, pp. 95–101, Jan. 1997.
- T. Imaoka, A. Minakawa, and N. Imai, "Multilayer MMIC for Stacked Integrated Circuits," 26th. European Microwave Conf., pp. 583-587, 1996.
- [10] V. K. Tripathi, "On the analysis of symmetical three-line microstrip circuits," IEEE Trans. Microwave Theory and Tech., vol. MTT-25, pp. 726–729, Sept. 1977.
- [11] 小西 良弘 著:高周波・マイクロ波回路の構成法,総合電子出版社 (1993 年)